

א. נסמן ב-  $x$  את מהירות לרוכב האופניים שיצא מ- A (קמ"ש, קבועה)

נסמן ב-  $y$  את מהירות לרוכב האופניים שיצא מ- B (קמ"ש, קבועה)

נסמן ב-  $s$  את המרחק בין A עד B (ק"מ)

נכניס את הנתונים לטבלה מתאימה:

זמן - $t$ שעות	מהירות - $v$ קמ"ש	דרך-מרחק - $s$ ק"מ	
4	$x$	$4x$	מ- A עד מפגש
4	$y$	$4y$	מ- B עד מפגש
$\frac{s}{x}$	$x$	$s$	מ- A עד B
$\frac{s}{y}$	$y$	$s$	מ- B עד A

הרוכבים נפגשו לאחר 4 שעות, והמשוואה המתאימה היא  $4x + 4y = s$

הזמן שנדרש לרוכב מ- A לעבור את כל הדרך

גדול ב- 108 דקות מהזמן שנדרש לרוכב שיצא מ- B והמשוואה המתאימה היא  $\frac{s}{x} = \frac{s}{y} + 1.8$

אנו מעוניינים לחשב את היחס  $\frac{y}{x}$  ולכן נציב את  $s = 4x + 4y$  במשוואה השנייה.

נפתור את המשוואה:

$$\frac{4x + 4y}{x} = \frac{4x + 4y}{y} + 1.8$$

$$4 + 4 \cdot \frac{y}{x} = 4 \cdot \frac{x}{y} + 4 + 1.8 \rightarrow \boxed{\frac{y}{x} = t}$$

$$4t = \frac{4}{t} + 1.8 \rightarrow 4t^2 - 1.8t - 4 = 0$$

$$t_{1,2} = \frac{1.8 \pm 8.2}{8}$$

$$\cancel{t_1 = -0.8} \quad 0 \leftarrow \frac{y}{x} > 0 \quad t_2 = 1.25 \rightarrow \frac{y}{x} = 1.25 \quad o.k.$$

תשובה: היחס הוא 1.25.

ב. זמן הרכיבה של הרוכב שיצא מ- A הוא  $\frac{s}{x}$  ושל הרוכב  $\frac{s}{y}$  שיצא מ- B.

בהתאם נציב  $y = 1.25x$  במשוואה השנייה:

$$\frac{s}{x} = \frac{s}{1.25x} + 1.8 \rightarrow 0.2 \cdot \frac{s}{x} = 1.8 \rightarrow \frac{s}{x} = 9$$

$$\frac{s}{y} = 9 - 1.8 \rightarrow \frac{s}{y} = 7.2$$

תשובה: הרוכב שיצא מ- A עבר את הדרך ב- 9 שעות והרוכב שיצא מ- B עבר את הדרך ב- 7.2 שעות.

### פתרון בדרך דומה לבעיית הספק

כאשר  $x$  הזמן הלוקח לרוכב ב' לעבור את כל הדרך.

$$\frac{4}{x} + \frac{4}{x+1.8} = 1$$

$$4(x+1.8) + 4x = x(x+1.8)$$

$$x^2 - 6.2x - 7.2 = 0$$

$$x_{1,2} = \frac{6.2 \pm 8.2}{2} \rightarrow x = 7.2, \quad x + 1.8 = 9$$

בהתאם: אם יחס זמני הנסיעה, בין רוכב ב לרוכב א, בקטע הנתון הוא  $7.2:9 = 4:5$ ,

אז יחס המהירויות בין רוכב ב לרוכב א הוא  $5:4$ .

(הסבר - רוכב ב, נוסע מהר יותר, כי מסיים מהר יותר את הקוטע הנתון)

א. נרכז את נתוני שתי הסדרות המדוברות בטבלה מתאימה:

$a_n$	$b_n$	
$a_1 \neq 0$	$b_1 = 4a_1$	$a_1$
$d$	$d$	$d$
$n$	$n$	$n$

$$S_{b_n} = 2S_{a_n} \quad \text{נתון}$$

$$\frac{n}{2}(8a_1 + d(n-1)) = \frac{2n}{2}(2a_1 + d(n-1)) \quad /: \frac{n}{2} \neq 0$$

$$8a_1 + d(n-1) = 4a_1 + 2d(n-1)$$

$$4a_1 = d(n-1)$$

$$a_1 = \frac{d(n-1)}{4}$$

$$. a_1 = \frac{d(n-1)}{4} \quad \text{תשובה:}$$

ב. נרכז את נתוני שתי הסדרות המדוברות בטבלה מתאימה:

$a_n$	$c_n$	
$a_1 \neq 0$	$a_1 \neq 0$	$a_1$
$d$	$d+3$	$d$
$n$	$n$	$n$

$$S_{c_n} = 2S_{a_n} \quad \text{נתון}$$

$$\frac{n}{2}(2a_1 + (d+3)(n-1)) = \frac{2n}{2}(2a_1 + d(n-1)) \quad /: \frac{n}{2} \neq 0$$

$$2a_1 + (d+3)(n-1) = 4a_1 + 2d(n-1)$$

$$(n-1)(d+3-2d) = 2a_1$$

$$(n-1)(d+3-2d) = 2 \cdot \frac{d(n-1)}{4} \quad /: (n-1) \neq 0$$

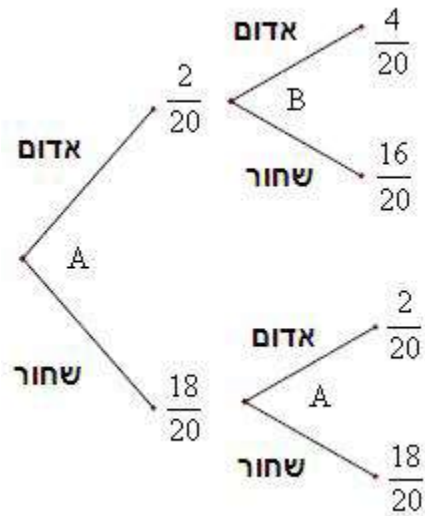
$$12 - 4d = 2d$$

$$-6d = -12$$

$$d = 2$$

תשובה: הוכח.

א. נעלה עץ אפשרויות עבור תור אחד של המשחק.



כיוון שבשלב הראשון נעצר הגלגל A על גזרה אדומה, הרי שהמשתתף מסובב את גלגל B,

וההסתברות שתתקבל גזרה שחורה בשלב זה, השלב השני, היא  $\frac{16}{20} = 0.8$ .

תשובה: ההסתברות היא 0.8.

ב. (1) ההסתברות שבתור אחד תתקבל לפחות גזרה אדומה אחת, היא המאורע המשלים לקבלה של שתי גזרות שחורות.

$$P(\text{at least 1 red}) = 1 - \frac{18}{20} \cdot \frac{18}{20} = 0.19$$

תשובה: ההסתברות היא 0.19.

(2) נחשב את ההסתברות המותנית המבוקשת:

$$\begin{aligned} P(\text{exactly 1 red} / \text{at least 1 red}) &= \frac{P(\text{exactly 1 red} \cap \text{at least 1 red})}{P(\text{at least 1 red})} = \\ &= \frac{\frac{2}{20} \cdot \frac{16}{20} + \frac{18}{20} \cdot \frac{2}{20}}{0.19} = \frac{0.17}{0.19} = \frac{17}{19} \end{aligned}$$

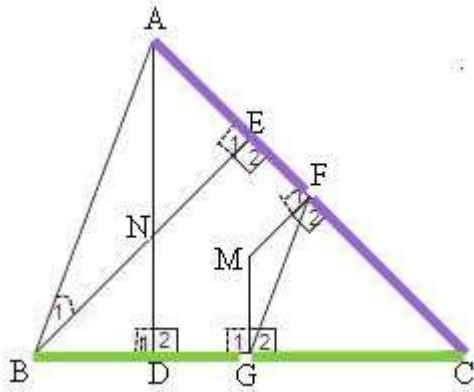
תשובה: ההסתברות היא  $\frac{17}{19}$ .

$$ג. P(2 \text{ black}) = \frac{18}{20} \cdot \frac{18}{20} = 0.81$$

אם נשחק משחק זה  $n$  תורות, כאשר ההסתברויות אינן תלויות,

הרי שההסתברות שלא תתקבל כלל גזרה אדומה היא  $0.81^n$

תשובה: ההסתברות היא  $0.81^n$ .

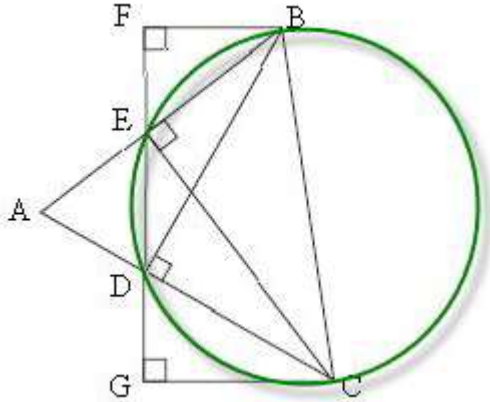


**נתונים**

- 1.  $\angle E_1 = \angle E_2 = 90^\circ$  .2  $\angle D_1 = \angle D_2 = 90^\circ$
- 3.  $\angle F_1 = \angle F_2 = 90^\circ$  .4  $AF = CF$
- 5.  $\angle G_1 = \angle G_2 = 90^\circ$  .6  $BG = CG$
- צ"ל: א. (1)  $\angle BAC = \angle GFC$
- (2)  $\angle ABN = \angle MFG$
- (3)  $\triangle ANB \sim \triangle GMF$
- ב.  $\frac{BN}{FM}$

נימוק	טענה	מס'	הסבר
נתון	$BG = CG$	7	6
נתון	$AF = CF$	8	4
מחבר אמצעי שתי צלעות	$\triangle ABC$ קטע אמצעים $FG$	9	8, 7
קטע אמצעים מקביל לצלע השלישית	$FG \parallel AB$	10	9
זוויות מתאימות שוות בין ישרים מקבילים	$\angle BAC = \angle GFC$	11	10
<b>מ.ש.ל. א (1)</b>			
נתון	$\angle E_1 = 90^\circ$	12	1
סכום זוויות $180^\circ$ $\triangle ABE$	$\angle ABN = 90^\circ - \angle BAC$	13	12
נתון	$\angle F_2 = 90^\circ$	14	3
הפרש זוויות	$\angle MFG = 90^\circ - \angle GFC$	15	14
הצבה	(ז) $\angle ABN = \angle MFG$	16	15, 13, 11
<b>מ.ש.ל. א (2)</b>			
נתון	$\angle G_2 = 90^\circ$	17	5
סכום זוויות $360^\circ$ מרובע $CFMG$	$\angle FMG = 180^\circ - \angle C$	18	17, 14
נתון	$\angle D_2 = 90^\circ$	19	2
סכום זוויות $360^\circ$ מרובע $CEND$	$\angle END = 180^\circ - \angle C$	20	19, 12
זוויות קדקודיות שוות זו לזו	$\angle ANB = \angle END = 180^\circ - \angle C$	21	20
כלל מעבר	(ז) $\angle ANB = \angle FMG$	22	18, 21
משפט דמיון זווית זווית	$\triangle ANB \sim \triangle GMF$	23	22, 16
<b>מ.ש.ל. א (3)</b>			
יחסי צלעות מתאימות במשולשים דומים	$\frac{AN}{GM} = \frac{AB}{GF} = \frac{NB}{MF}$	24	23
קטע אמצעים שווה למחצית הצלע השלישית	$\frac{AB}{GF} = 2$	25	9

כלל מעבר	$\frac{BN}{FM} = 2$	26	25,24
מ.ש.ל. ב			



**נתונים**

$\angle BDC = 90^\circ$  . 2  $\angle BEC = 90^\circ$  . 1

**עבור ב**

$\angle G = 90^\circ$  . 4  $\angle F = 90^\circ$  . 3

צ"ל: א.  $\triangle BEC$  ו-  $\triangle DBC$  (1) חסומים באותו מעגל

$\angle DBC = \angle DEC$  (2)

ב.  $\triangle DCB \sim \triangle FEB$  ג.  $\triangle DGC \sim \triangle BEC$

נימוק	טענה	מס'	הסבר
נתון	$\angle BDC = 90^\circ$	5	2
נשען על זווית היקפית ישרה	BC קוטר המעגל החוסם $\triangle DBC$	6	5
נתון	$\angle BEC = 90^\circ$	7	1
נשען על זווית היקפית ישרה	BC קוטר המעגל החוסם $\triangle BEC$	8	7
הקטרים מתלכדים	$\triangle BEC$ ו- $\triangle DBC$ חסומים באותו מעגל	9	8, 6
<b>מ.ש.ל. א (1)</b>			
על קשתות שוות $\widehat{DC}$ מונחות זוויות היקפיות שוות	$\angle DBC = \angle DEC$	10	9
<b>מ.ש.ל. א (2)</b>			
נתון	$\angle F = 90^\circ$	11	3
כלל המעבר	(ז) $\angle F = \angle BDC$	12	11, 5
זווית שטוחה שווה $180^\circ$	$\angle FEB = 90^\circ - \angle DEC$	13	7
סכום זוויות $180^\circ$ ב- $\triangle FBE$	$\angle FBE = \angle DEC$	14	13, 11
כלל המעבר	(ז) $\angle DBC = \angle FBE$	15	14, 10
משפט דמיון זווית זווית	$\triangle DCB \sim \triangle FEB$	16	15, 12
<b>מ.ש.ל. ב</b>			
על קשתות שוות $\widehat{BE}$ מונחות זוויות היקפיות שוות	$\angle BCE = \angle EDB$	17	9
נתון	$\angle G = 90^\circ$	18	4
כלל המעבר	(ז) $\angle G = \angle BEC$	19	18, 7
זווית שטוחה שווה $180^\circ$	$\angle GDC = 90^\circ - \angle EDB$	20	5
סכום זוויות $180^\circ$ ב- $\triangle CGD$	$\angle GCD = \angle EDB$	21	20, 18

כלל המעבר	(ז) $\angle GCD = \angle BCE$	22	21, 17
משפט דמיון זווית זווית	$\triangle DGC \sim \triangle BEC$	23	22, 19
<b>מ.ש.ל. ג</b>			



א. נעלה את השרטוט המעודכן, כולל לסעיף ב, והסברים בהתאם:

ABCD טרפז,  $AD \parallel BC$  (נתון)

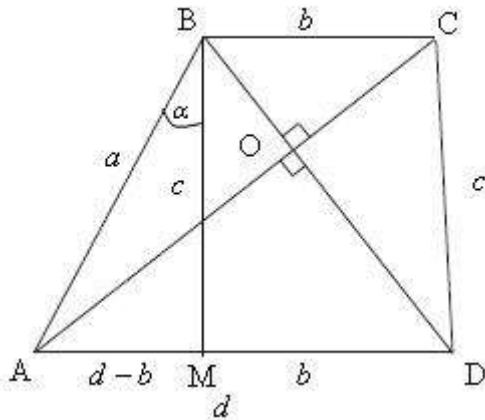
$BM \parallel CD$  (נתון)

DCBM מקבילית (שני זוגות של צלעות נגדיות מקבילות)

$BM = CD = c$  (צלעות נגדיות שוות במקבילית)

$MD = BC = b$  (צלעות נגדיות שוות במקבילית)

$AM = d - b$  (הפרש קטעים)



ניעזר במשפט פיתגורס בארבעה משולשים

$$\left. \begin{array}{l} \underline{\Delta AOB}: a^2 = BO^2 + AO^2 \\ \underline{\Delta COD}: c^2 = CO^2 + DO^2 \end{array} \right\} a^2 + c^2 = BO^2 + AO^2 + CO^2 + DO^2$$

$$\left. \begin{array}{l} \underline{\Delta BOC}: b^2 = BO^2 + CO^2 \\ \underline{\Delta AOD}: d^2 = AO^2 + DO^2 \end{array} \right\} b^2 + d^2 = BO^2 + AO^2 + CO^2 + DO^2$$

$$a^2 + c^2 = b^2 + d^2 \quad \text{ועל פי כלל המעבר}$$

הוכח

ב. נשתמש במשפט הקוסינוסים

$$\underline{\Delta BAM}: AM^2 = AB^2 + BM^2 - 2AB \cdot BM \cdot \cos \angle ABM$$

$$(d - b)^2 = a^2 + c^2 - 2 \cdot a \cdot c \cdot \cos \alpha$$

$$d^2 - 2bd + b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cdot \cos \alpha$$

$$-2bd = -2ac \cdot \cos \alpha \quad \leftarrow a^2 + c^2 = b^2 + d^2$$

$$\boxed{\cos \alpha = \frac{bd}{ac}}$$

הוכח

ג. (1) נמצא את שטח המשולש ABM

$$S_{\triangle ABM} = \frac{AB \cdot MB \cdot \sin \angle ABM}{2} = \frac{ac \sin \alpha}{2} = \frac{\frac{bd}{\cos \alpha} \sin \alpha}{2} = \boxed{\frac{bd \tan \alpha}{2}}$$

(2) נמצא את שטח הטרפז ABCD :

$\triangle BAM$  :  $\frac{a}{\sin \angle BMA} = \frac{d-b}{\sin \alpha} \rightarrow \sin \angle BMA = \frac{a \sin \alpha}{d-b} \rightarrow \sin \angle BMD = \frac{a \sin \alpha}{d-b}$  משפט סינוסים:

$$S_{ABCD} = \frac{bd \tan \alpha}{2} + bc \cdot \frac{a \sin \alpha}{d-b} = \frac{bd \tan \alpha}{2} + b \cdot \frac{\sin \alpha}{d-b} \cdot \frac{bd}{\cos \alpha} = \frac{bd \tan \alpha (d-b+2b)}{2(d-b)} = \boxed{\frac{bd \tan \alpha (d+b)}{2(d-b)}}$$

$$(x \neq -2) \quad f(x) = \frac{2x^4 + 4x^3 + 2x^2 - 8}{x+2} \quad \text{א. נתונה הפונקציה}$$

ניתן גם

$$f(x) = \frac{2x^4 + 4x^3 + 2x^2 - 8}{x+2}$$

$$f(x) = \frac{2x^3(x+2) + 2(x^2 - 4)}{x+2}$$

$$f(x) = \frac{2x^3(x+2) + 2(x+2)(x-2)}{x+2}$$

$$f(x) = \frac{(x+2)(2x^3 + 2(x-2))}{x+2}$$

$$f(x) = (2x^3 + 2x - 4), x \neq -2$$

חזקת המונה גדולה מחזקת המכנה,

לכן ניתן לחלק את הפולינומים לפני הביצוע האינטגרל.

$$\frac{2x^3 + 2x - 4}{2x^4 + 4x^3 + 2x^2 - 8} \Big| x+2$$

$$\frac{2x^4 + 4x^3}{2x^4 + 4x^3 + 2x^2 - 8}$$

$$= = 2x^2 - 8$$

$$\frac{2x^2 + 4x}{2x^2 - 8}$$

$$= -4x - 8$$

$$\frac{-4x - 8}{2x^2 - 8}$$

$$= =$$

לכן ניתן לרשום את הפונקציה בתחום מפוצל

$$f(x) = \begin{cases} 2x^3 + 2x - 4 & x \neq -2 \\ \emptyset & x = -2 \end{cases}$$

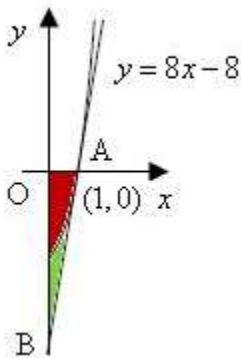
נמצא את משוואת המשיק

$$f(1) = 2 \cdot 1^3 = 2 \cdot 1 - 4 = 0 = (1, 0) \quad \text{נקודת ההשקה}$$

$$f'(x) = 6x^2 + 2 \rightarrow f'(1) = 6 \cdot 1^2 + 2 = 8 \quad \text{שיפוע}$$

$$y - 0 = 8(x - 1) \rightarrow \boxed{y = 8x - 8} \quad \text{משוואת המשיק}$$

$$y = 8x - 8 \quad \text{תשובה:}$$



$$\text{משולש ישר זווית } S_{\Delta AOB} = \frac{AO \cdot BO}{2} = \frac{1 \cdot 8}{2} = 4 \leftarrow B(0, -8)$$

$$S_{\text{RED}} = \int_0^1 (0 - (2x^3 + 2x - 4)) dx = \left( \frac{-2x^4}{4} - \frac{2x^2}{2} + 4x \right) \Big|_0^1$$

$$= \left( \frac{-2 \cdot 1^3}{4} - 1^2 + 4 \cdot 1 \right) - \left( \frac{-2 \cdot 0^3}{4} - 0^2 + 4 \cdot 0 \right) = 2.5$$

$$S_{\text{GREEN}} = 4 - 2.5 = 1.5 \quad \text{ובהתאם:}$$

תשובה: 1.5 יח"ר

ב. (1) נתונה הפונקציה

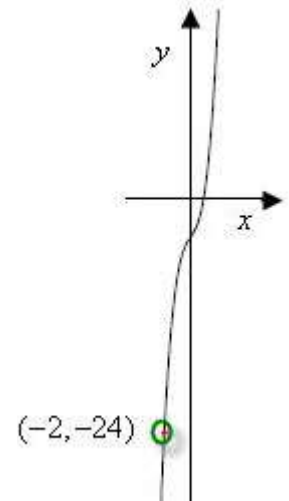
$$f(x) = \begin{cases} 2x^3 + 2x - 4 & x \neq -2 \\ \emptyset & x = -2 \end{cases}$$

(שעבורו הפונקציה אינה מוגדרת)  $x \neq -2$  חיובי עבור  $f'(x) = 6x^2 + 2$

(שעבורו הפונקציה אינה מוגדרת)  $x \neq -2$  חיובי עבור  $f'(x) = 6x^2 + 2$

הפונקציה עולה עבור  $x > -2$  או  $x < -2$

(2) הסקיצה המתאימה, כאשר נקודת אי הרציפות  $f(2) = 2 \cdot (-2)^3 + 2 \cdot (-2) - 4 = -24 = (-2, -24)$

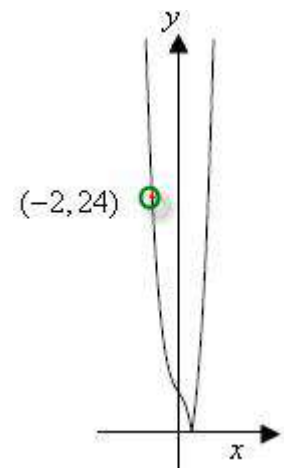


ג.  $g(x) = |f(x)|$ , ובהתאם ערכי  $g(x)$  נגדיים לערכי  $f(x)$  עבור  $x < 1$  שהוא האפס של  $f(x)$

$$g(x) = \begin{cases} 2x^3 + 2x - 4 & x \geq 1 \\ \emptyset & x = -2 \\ -2x^3 - 2x + 4 & x < 1, x \neq -2 \end{cases}$$

כאשר נקודת אי הרציפות  $(-2, 24)$

למעשה, עבור  $x < 1$  "מקפלים" את גרף הפונקציה סביב ציר ה- $x$



א. נתונה הפונקציה:  $f(x) = 2 - \cos x - \sin^2 x$  בתחום  $-\pi \leq x \leq \pi$ .

בנקודת החיתוך עם ציר ה- $y$  מתקיים  $x = 0$ , כלומר  $(0, 1) \rightarrow f(0) = 2 - \cos 0 - \sin^2 0 = 1$

בנקודת החיתוך עם ציר ה- $x$  מתקיים  $y = 0$ ,

אולם כיוון ש-  $-1 \leq \sin x, \cos x \leq 1$  וכאשר  $\cos x = \pm 1 \rightarrow \sin^2 x = 0$  הרי  $2 - \cos x - \sin^2 x$  לא יתאפס לעולם.

תשובה:  $(0, 1)$

ב. נמצא את ערכי הפונקציה בקצות התחום הסגור:

$$f(\pi) = 2 - \cos \pi - \sin^2 \pi = 3 \rightarrow (\pi, 3), \quad f(-\pi) = 2 - \cos(-\pi) - \sin^2(-\pi) = 3 \rightarrow (-\pi, 3)$$

$$f'(x) = \sin x - 2 \sin x \cos x$$

$$0 = \sin x - 2 \sin x \cos x \rightarrow 0 = \sin x(1 - 2 \cos x)$$

$$\sin x = 0 \quad \cos x = 0.5$$

$$x = \pi k \quad x = \frac{\pi}{3} + 2\pi k \quad x = -\frac{\pi}{3} + 2\pi k$$

$$k = 0 \rightarrow x = 0 \quad k = 1 \rightarrow x = \pi, \quad x = \frac{\pi}{3}, \quad x = -\frac{\pi}{3} \quad k = -1 \rightarrow x = -\pi$$

נמצא את ערכי הפונקציה בנקודות בחשודות כקיצון

$$f\left(\frac{\pi}{3}\right) = 2 - \cos \frac{\pi}{3} - \sin^2 \frac{\pi}{3} = 0.75 \rightarrow \left(\frac{\pi}{3}, 0.75\right), \quad f\left(-\frac{\pi}{3}\right) = 2 - \cos\left(-\frac{\pi}{3}\right) - \sin^2\left(-\frac{\pi}{3}\right) = 0.75 \rightarrow \left(-\frac{\pi}{3}, 0.75\right)$$

$$f(0) = 2 - \cos 0 - \sin^2 0 = 1$$

נבנה טבלת עלייה ירידה, תוך שימוש בערכי הפונקציה ונזהה את הקיצון המוחלט.

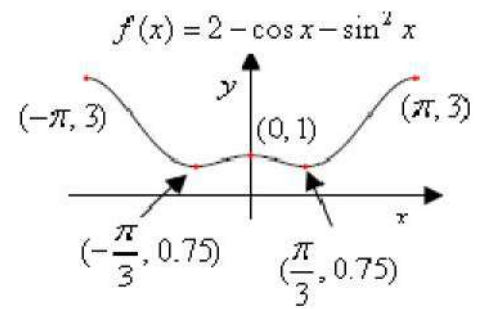
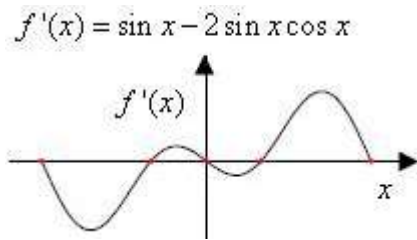
לצורך סעיף ג' נסמן גם את סימני הנגזרת, ונרשום את ערכיה בנקודות הקצה (נמצאו במהלך סעיף זה)

$-\pi$		$-\frac{\pi}{3}$		0		$\frac{\pi}{3}$		$\pi$	$x$
3		0.75		1		0.75		3	$f(x)$
0	-	0	+	0	-	0	+	0	$f'(x)$
Max	↘	Min	↗	Max	↘	Min	↗	Max	מסקנה

תשובה:  $(-\pi, 3)$ ,  $(\pi, 3)$  מקסימום מוחלט,  $\left(-\frac{\pi}{3}, 0.75\right)$ ,  $\left(\frac{\pi}{3}, 0.75\right)$  מינימום מוחלט

ג. (1) נצייר סקיצה מתאימה של הפונקציה

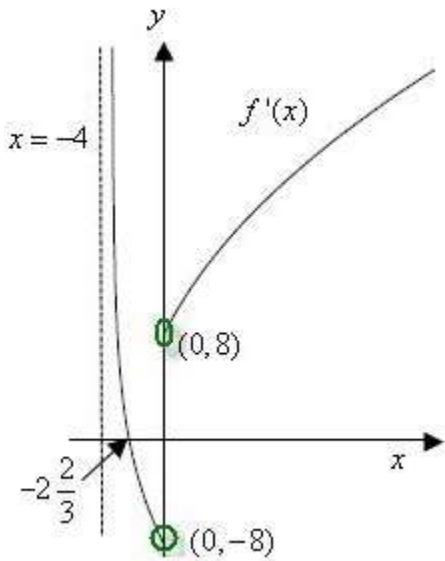
(2) נצייר סקיצה מתאימה של נגזרת הפונקציה



ד. רק אם נעשה הסטה אנכית של 1 יחידות, גרף הפונקציה ישיק לציר ה-  $x$  פעם אחת בלבד,

במקרה זה נקבל את הפונקציה  $y = 1 - \cos x - \sin^2 x$  ובהתאם  $a = 1$

תשובה:  $a = 1$



א. נתון  $f'(x) = \frac{6x^2 + 16x}{\sqrt{x^3 + 4x^2}}$

נמצא את תחום ההגדרה

$$x^3 + 4x^2 > 0 \rightarrow x^2(x+4) > 0$$

הביטוי האלגברי  $x^2$  חיובי עבור  $x \neq 0$

הביטוי האלגברי  $x+4$  חיובי עבור  $x > -4$

תשובה:  $x > -4, x \neq 0$

ב.  $x = -4$  מאפס מכנה ולא מונה, לכן  $x = -4$  אסימפטוטה אנכית.

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{6x^2 + 16x}{\sqrt{x^3 + 4x^2}} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x(6x+16)}{|x|\sqrt{x+4}} = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x(6x+16)}{-x\sqrt{x+4}} = \frac{16}{-2} = -8$$

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{6x^2 + 16x}{\sqrt{x^3 + 4x^2}} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x(6x+16)}{|x|\sqrt{x+4}} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x(6x+16)}{x\sqrt{x+4}} = \frac{16}{2} = 8$$

ובהתאם גרף הנגזרת שואף לנקודות  $(0, -8), (0, 8)$

תשובה:  $x = -4$  אסימפטוטה אנכית.

ג. נמצא מתי מתאפסת נגזרת הפונקציה

$$0 = \frac{6x^2 + 16x}{\sqrt{x^3 + 4x^2}}$$

$$0 = 6x^2 + 16x \quad /: 2x \neq 0$$

$$0 = 3x + 8$$

$$x = -2\frac{2}{3}$$

נבנה טבלת עלייה ירידה של הפונקציה  $f(x)$

בהתאם לסימני  $f'(x)$  מהסקיצה של  $f'(x)$

תשובה:  $x = -2\frac{2}{3}$  מקסימום.

$x$	-4		$-2\frac{2}{3}$		0	
$f'(x)$		+		-		+
מסקנה		↗	Max	↘		↗

ד. תשובה: עלייה  $x > 0$  או  $-4 < x < -2\frac{2}{3}$ , ירידה  $-2\frac{2}{3} < x < 0$

$$\int_{-2\frac{2}{3}}^a (0 - f'(x)) dx = -f(x) \Big|_{-2\frac{2}{3}}^a = -f(a) + f(-2\frac{2}{3}) \quad \text{ה.}$$

$$\frac{28\sqrt{3}}{9} = -4\sqrt{3} + f(-2\frac{2}{3})$$

$$\boxed{f(-2\frac{2}{3}) = 12.32}$$

תשובה: ערך הפונקציה בנקודת המקסימום הוא 12.32

נתון:  $-2\frac{2}{3} < a < 0$ ,  $f(a) = 4\sqrt{3}$

